

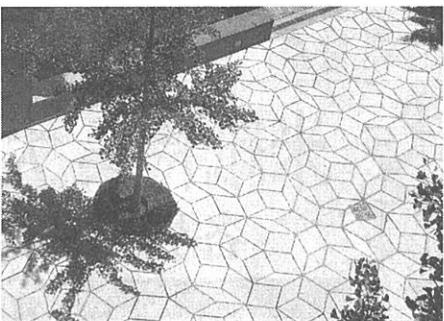
(第3種郵便物認可)

サイ・テク  
こらむ  
知と技の発信

【479】

## 埼玉大学・理工学研究の現場

みなさんには「準結晶」といつもおなじみであります。准結晶のことをご存知でしょうか? 准結晶は「原子の並び方に一定の規則性があるものの周期性が存在しない物質」のことです。準結晶は1984年にDan Schechtmanによる発見されました。当時は、固体は原子が規則的に並んでいます。そして、準結晶を発見した業界並んでいた「アモルファス(非結晶)」の2種類しか存在しないと誰しもが何の疑いもなく信じてい



## 準結晶の数理とは

高橋 悠樹 助教



たかはし・ゆうき 1987年埼玉県生まれ。2017年5月カリフォルニア大学アーバイン校Ph.D.修了。バル・イラン大学(イスラエル)研究員、東北大学AIMR助教、ミシガン州立大学Visiting Assistant Professorを経て、2020年10月より現職。専門はスペクトル理論、力学系、フ

ーク州立大学ストーンブルック校を訪れたときに数学科の建物の屋上から撮った写真です。

2種類の菱形がある非常に単純なルールに従って敷き詰められています。これはペンローズタイ

リングと呼ばれるタイル張りです。規則性はあるものの、どこまでも決して繰り返すことはありません。ペンローズタイリングは2次元の準結晶のモデルの一つであり、その美しさから彫刻や現代美術にも用いられています。

残念ながら、ペンローズタイリングのような2次元の準結晶モデルを数学的に厳密に解析することは非常に難しく、それは準結晶のモデルを数学的に厳密に解析することです。図1=写真=をご覧ください。これは筆者が15年にニューヨーク州立大学の論文の正当性が世に認められることになります。そして2011年、準結晶を発見した業界並んでいた「アモルファス(非結晶)」の2種類しか存在しないと誰しもが何の疑いもなく信じてい

く、いまだ人類の手の届かないところにあります。そのため、準結晶を理解するためのとかかりとして、われわれ数学者や物理学者は一次元の準結晶のモデルを研究しています。

1次元であっても準結晶のモデルは非常に豊かな数学的構造を持ち、たとえばエネルギーの取り得る集合であるスペクトルが、カントル集合と呼ばれる自己相似性を持つ美しい集合になつたりします。こういった準結晶のモデルやそれに関連するテーマについて、悪戦苦闘しながら日々研究している。